

1. Si consideri il reticolo in **Fig. 1**, dove  $a = 1$  nm. Si identifichi il tipo di reticolo, indicando una coppia di vettori primitivi, una cella primitiva e calcolando la densità atomica superficiale. Determinare quindi la tensione di accelerazione minima necessaria per osservare almeno un picco di diffrazione dai piani  $\{110\}$  in un setup di diffrazione elettronica.
2. In un setup di esperimento fotoelettrico in assenza di tensione applicata ( $V_A = 0$  V), gli elettroni fotogenerati incidono sull'anodo ad una velocità  $v_a = 10^6$  m/s. Nota la funzione lavoro del catodo  $W = 4$  eV, calcolare la lunghezza d'onda  $\lambda$  della radiazione incidente e la tensione  $V_{\text{stop}}$  al di sotto della quale non si osserva effetto fotoelettrico.
3. Si consideri il sistema buca-barriera in **Fig. 2**, dove  $a = 1$  nm,  $b = 2$  nm,  $V_0 = 5$  eV. Usando l'approssimazione di buca a pareti infinite al solo fine del calcolo degli autostati della buca, si determini il campo  $F$  da applicare alla barriera affinché il tempo medio di tunneling per un elettrone sul primo livello confinato  $E_1$  sia  $t_{\text{TUN}} = 10$  ns. Commentare qualitativamente come cambierebbe il risultato ottenuto se si considerasse l'altezza finita della barriera nel calcolo dell'autostato.
4. Si consideri un oscillatore armonico  $V(x) = \frac{1}{2} \alpha x^2$ , con  $\alpha = 2$  eV/nm<sup>2</sup>, e uno stato  $\Psi$  ottenuto come sovrapposizione paritaria del primo e terzo autostato,  $\Psi = \frac{1}{\sqrt{2}}(\Psi_1 + \Psi_3)$ . Calcolare la frequenza di oscillazione  $\omega_{13}$  dello stato non-stazionario  $\Psi$  e tracciare qualitativamente il modulo quadro dell'autofunzione  $|\Psi|^2$  ai tempi  $t = 0$ ,  $t = \pi/2\omega_{13}$ ,  $t = \pi/\omega_{13}$ ,  $t = 3\pi/2\omega_{13}$ .
5. Un elettrone in un cristallo di passo  $a = 3$  nm è descritto da un'autofunzione  $\psi_k(x) = u_k(x)e^{ikx}$ . Sapendo che l'autofunzione torna in fase dopo 2 passi reticolari, determinare il valore del vettore d'onda cristallino  $k$ . Tracciare quindi il profilo della parte reale dell'autofunzione su 6 passi reticolari, sapendo che la funzione di Bloch è di tipo pari con un solo massimo in corrispondenza dell'atomo.
6. Un semiconduttore 3D è descritto da una struttura a bande comprendente due bande di valenza ( $m_{\text{LH}}^* = 0.2m_0$ ,  $m_{\text{HH}}^* = 0.8m_0$ ), entrambe con apice in  $k = 0$ , e una banda di conduzione con minimo isotropo nel punto  $\Gamma$  ( $m_{\text{C}}^* = 0.3m_0$ ). Determinare la massa DOS e di conduzione per lacune ed elettroni.
7. Si consideri il materiale a gap indiretto in **Fig. 3**, dove  $E_g = 1$  eV,  $k_0 = 2 \cdot 10^9$  m<sup>-1</sup>,  $m_{\text{BC}}^* = 0.2m_0$  e  $m_{\text{BV}}^* = 0.6m_0$ . Determinare la minima energia di un fotone che possa essere assorbito in un processo a due particelle, e le velocità dell'elettrone e della lacuna appena dopo l'assorbimento del fotone.
8. Un campione di cesio ( $W_1 = 2.14$  eV) alla temperatura  $T_1 = 600$  K emette la stessa densità di corrente termoionica di un secondo campione di materiale ignoto alla temperatura  $T_2 = 900$  K. Dopo aver determinato la funzione lavoro  $W_2$  del secondo materiale, si tracci il grafico di Arrhenius ( $\log(J)$  in funzione di  $1/kT$ ) per la densità di corrente  $J$  per i due materiali, facendo ragionevoli approssimazioni.
9. Si consideri il campione di silicio drogato n sottoposto ad esperimento di effetto Hall in **Fig. 4** ( $N_D = 10^{18}$  cm<sup>-3</sup>,  $t = 15$  nm,  $L = 10W = 10$   $\mu$ m,  $\mu_n = 1000$  cm<sup>2</sup>V<sup>-1</sup>s<sup>-1</sup>,  $V_L = 2$  V). Nota  $V_H = 20$  mV con verso indicato in figura, determinare modulo e verso del campo magnetico  $B$  e della corrente  $I$  attraverso il dispositivo.
10. Si consideri una barretta di silicio (drogaggio n,  $N_D = 10^{18}$  cm<sup>-3</sup>, tempo di ricombinazione dei minoritari  $\tau_p = 100$  ns) dove un fascio laser impone una concentrazione in eccesso di portatori minoritari in superficie pari a  $\delta p(0) = 10^{15}$  cm<sup>-3</sup>. Nota la mobilità delle lacune  $\mu_p = 400$  cm<sup>2</sup>V<sup>-1</sup>s<sup>-1</sup>, determinare la distanza  $x_{\text{fe}}$  dalla superficie oltre la quale il semiconduttore si può considerare all'equilibrio termodinamico.

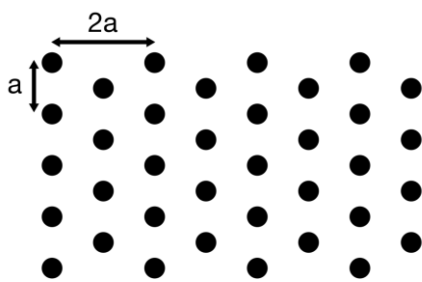


Fig. 1

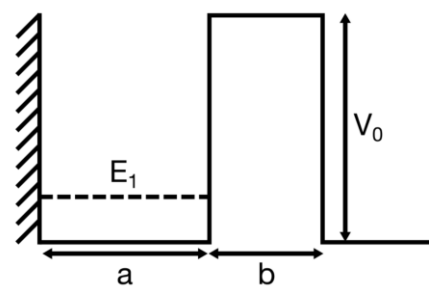


Fig. 2

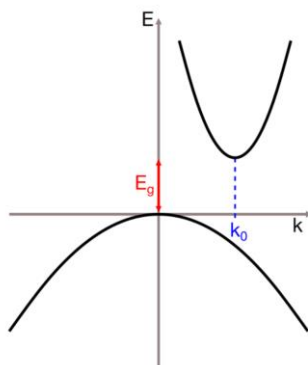


Fig. 3

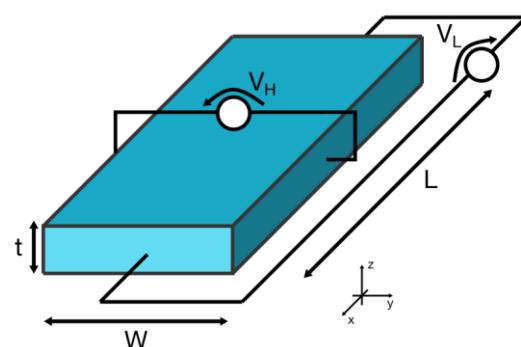


Fig. 4

1. Consider the lattice in **Fig. 1**, where  $a = 1$  nm. Determine the lattice type, denoting a pair of primitive vectors, a primitive cell, and calculating the surface atomic density. Then, calculate the minimum acceleration voltage required to observe at least one diffraction peak from  $\{110\}$  planes in an electron diffraction setup.
2. In a photoelectric experiment setup, in absence of applied voltage ( $V_A = 0$  V), the photogenerated electrons impinging on the anode at a velocity  $v_a = 10^6$  m/s. Given the cathode work-function  $W = 4$  eV, calculate the wavelength  $\lambda$  of the impinging radiation and the voltage  $V_{\text{stop}}$  below which no photoelectric effect is observed.
3. Consider the well-barrier system in **Fig. 2**, where  $a = 1$  nm,  $b = 2$  nm,  $V_0 = 5$  eV. Using the infinite-wall approximation for the sole purpose of well eigenstates computation, determine the field  $F$  that must be applied to the barrier for the mean tunneling time for an electron on the first confined energy level  $E_1$  to be  $t_{\text{TUN}} = 10$  ns. Qualitatively, comment on how the obtained result would change if the finite height of the barrier were considered in the computation of the eigenstate.
4. Consider a harmonic oscillator  $V(x) = \frac{1}{2} \alpha x^2$ , with  $\alpha = 2$  eV/nm<sup>2</sup>, and a state  $\Psi$  obtained as an equal superposition of the first and third eigenstate,  $\Psi = \frac{1}{\sqrt{2}}(\Psi_1 + \Psi_3)$ . Calculate the oscillation frequency  $\omega_{13}$  of the non-stationary state  $\Psi$  and qualitatively plot the modulus squared of the eigenfunction  $|\Psi|^2$  for times  $t = 0$ ,  $t = \pi/2\omega_{13}$ ,  $t = \pi/\omega_{13}$ ,  $t = 3\pi/2\omega_{13}$ .
5. An electron in a crystal with lattice step  $a = 3$  nm is described by an eigenfunction  $\psi_k(x) = u_k(x)e^{ikx}$ . Knowing that the eigenfunction goes back in phase after 2 lattice steps, determine the value of the crystalline wave vector  $k$ . Plot the real part of the eigenfunction on 6 lattice steps, knowing that the Bloch function is even with one maximum in correspondence of the atom.
6. A 3D semiconductor is described by a band structure comprising two valence bands ( $m_{\text{LH}}^* = 0.2m_0$ ,  $m_{\text{HH}}^* = 0.8m_0$ ), both with apex in  $k = 0$ , and one conduction band with isotropic minimum in the  $\Gamma$  point ( $m_{\text{r}}^* = 0.3m_0$ ). Determine the DOS and conduction mass for holes and electrons.
7. Consider the indirect gap material in **Fig. 3**, where  $E_g = 1$  eV,  $k_0 = 2 \cdot 10^9$  m<sup>-1</sup>,  $m_{\text{BC}}^* = 0.2m_0$  e  $m_{\text{BV}}^* = 0.6m_0$ . Determine the minimum energy of a photon that can be absorbed in a two-particle process, and the velocities of the electron and hole right after the photon absorption.
8. A caesium sample ( $W_1 = 2.14$  eV) at temperature  $T_1 = 600$  K emits the same thermionic current density of a second sample of unknown material at temperature  $T_2 = 900$  K. After determining the work function  $W_2$  of the second material, draw the Arrhenius plot ( $\log(J)$  as a function of  $1/kT$ ) for the current density  $J$  for both materials, under reasonable assumptions.
9. Consider the n-doped silicon sample undergoing a Hall effect experiment in **Fig. 4** ( $N_D = 10^{18}$  cm<sup>-3</sup>,  $t = 15$  nm,  $L = 10W = 10$   $\mu$ m,  $\mu_n = 1000$  cm<sup>2</sup>V<sup>-1</sup>s<sup>-1</sup>,  $V_L = 2$  V). Given  $V_H = 20$  mV oriented as denoted in the figure, determine modulus and orientation of the magnetic field  $B$  and of the current  $I$  across the device.
10. Consider a silicon slab (n-doping,  $N_D = 10^{18}$  cm<sup>-3</sup>, minority carrier recombination time  $\tau_p = 100$  ns) where a laser beam imposes an excess minority carrier concentration at the surface  $\delta p(0) = 10^{15}$  cm<sup>-3</sup>. Given the hole mobility  $\mu_p = 400$  cm<sup>2</sup>V<sup>-1</sup>s<sup>-1</sup>, determine the distance  $x_{\text{fe}}$  from the surface after which the semiconductor can be considered at thermodynamic equilibrium.

### Costanti fisiche:

massa dell'elettrone  
 costante di Planck  
 carica elettronica  
 costante di Boltzmann  
 velocità della luce  
 costante dielettrica nel vuoto  
 costante di Stefan-Boltzmann  
 costante di Wien

$m_0 = 9.109 \cdot 10^{-31}$  kg  
 $h = 6.626 \cdot 10^{-34}$  J s  
 $e = 1.602 \cdot 10^{-19}$  C  
 $k_B = 1.381 \cdot 10^{-23}$  J K<sup>-1</sup>  
 $c = 2.998 \cdot 10^8$  m s<sup>-1</sup>  
 $\epsilon_0 = 8.85419 \cdot 10^{-12}$  F m<sup>-1</sup>  
 $\sigma = 5.67 \cdot 10^{-8}$  W m<sup>-2</sup> K<sup>-4</sup>  
 $c_W = 2.8 \cdot 10^{-3}$  K m

costante dielettrica relativa  $\epsilon_r$   
 concentrazione intrinseca  $n_i$  [cm<sup>-3</sup>]  
 gap di energia  $E_G$  [eV]  
 densità di stati effettiva in banda di conduzione  $N_C$  [cm<sup>-3</sup>]  
 densità di stati effettiva in banda di valenza  $N_V$  [cm<sup>-3</sup>]

Si	Ge
11.7	16
$1.45 \times 10^{10}$	$2.4 \times 10^{13}$
1.12	0.66
$2.8 \times 10^{19}$	$1.04 \times 10^{19}$
$1.04 \times 10^{19}$	$0.6 \times 10^{19}$